Rajasthan Board Class 12 Maths II Question Paper 2011



परीक्षार्थियों के लिए आवश्यक निर्देश :

GENERAL INSTRUCTIONS FOR EXAMINEES :

1. परीक्षार्थी सर्वप्रथम अपने प्रश्न पत्र पर नामांक अनिवार्यतः लिखें ।

Candidate must write first his / her Roll No. on the question paper compulsorily.

 प्रश्न पत्र के हिन्दी व अंग्रेजी रूपान्तर में किसी प्रकार की त्रुटि / अन्तर / विरोधाभास होने पर हिन्दी भाषा के प्रश्न को सही मानें ।

If there is any error / difference / contradiction in Hindi and English versions of the question paper, the question of Hindi version should be treated valid.

3. सभी प्रश्न करने अनिवार्य हैं । प्रश्न क्रमांक 23 व 24 में आन्तरिक विकल्प हैं ।

All questions are compulsory. Question Nos. **23** and **24** have internal choice.

4. प्रश्न क्रमांक 2 से 7 तक अति लघूत्तरात्मक प्रश्न हैं।

Question Nos. 2 to 7 are Very Short Answer type.

SS—15–2—Maths. II

SS-530-II

[Turn over

5. प्रत्येक प्रश्न का उत्तर दी गई उत्तर-पुस्तिका में ही लिखें ।

Write the answer of each question in answer-book only.

 जिस प्रश्न के एक से अधिक समान अंक वाले भाग हैं, उन सभी भागों का हल एक साथ सतत् लिखें।

For questions having more than one part carrying similar marks, the answers of those parts are to be written together in continuity.

7. प्रश्न क्रमांक 8 का लेखाचित्र ग्राफ-पेपर पर बनाइए ।

Graph for Question No. 8 should be drawn on the graph paper.

8. अपनी उत्तर-पुस्तिका के पृष्ठों के दोनों ओर लिखिए । यदि कोई रफ़ कार्य करना हो, तो उत्तर-पुस्तिका के अंतिम पृष्ठों पर करें और इन्हें तिरछी लाइनों से काटकर उन पर 'रफ़ कार्य' लिख दें ।

Write on both sides of the pages of your answer-book. If any rough work is to be done, do it on last pages of the answer-book and cross with slant lines and write 'Rough Work' on them.

9. प्रश्न क्रमांक 1 के चार भाग (i, ii, iii तथा iv) हैं । प्रत्येक भाग के उत्तर के चार विकल्प (क, ख, ग एवं घ) हैं । सही विकल्प का उत्तराक्षर उत्तर-पुस्तिका में निम्नानुसार तालिका बनाकर लिखें :

There are *four* parts (i, ii, iii and iv) in Question No. 1. Each part has *four* alternatives A, B, C and D. Write the letter of the correct alternative in the answer-book at a place by making a table as mentioned below :

प्रश्न क्रमांक Guestion No.	उत्तर का सही विकल्प Correct letter of the Answer
1. (i)	
1. (ii)	
1. (iii)	
1. (iv)	

SS—15–2—Maths. Il

SS-530-II

यदि वक्र $ay + x^2 = 7$ और $x^3 = y$ बिन्दु (1, 1) पर लम्बकोणीय रूप से काटते 1. (i) हैं, तो a बराबर है (क) 1 (ख) 6 (刊) - 6 (घ) 0. If the curves $ay + x^2 = 7$ and $x^3 = y$ cut orthogonally at the point (1, 1), then a is equal to (A) 1 (B)6 $\frac{1}{2}$ (C) – 6 (D) 0. अन्तराल जिसमें फलन $f(x) = x^2 - 2x - 3$ हासमान है, है (ii) (ख) (-∞,2) (क) (1,∞) (η) (-1,3) (घ) (-∞, 1). Interval in which function $f(x) = x^2 - 2x - 3$ is decreasing, is (B) (-∞, 2) (A) $(1, \infty)$ (-∞, 1). (C) (-1, 3)(D) $\frac{1}{2}$ (iii) $\int e^{2 \log e^{x}} (x^{4}) dx$ का मान है (ख) $\frac{x^6}{6} + c$ $(\bar{a}) \frac{x^7}{7} + c$ $(\mathtt{a}) \quad e^{\log e^{x^7}} + c.$ $(\eta) \frac{x^5}{5} + c$ The value of $\int e^{2 \log e^x} (x^4) dx$ is (B) $\frac{x^6}{6} + c$ (A) $\frac{x^7}{7} + c$ (D) $e^{\log e^{x^7}} + c.$ (C) $\frac{x^5}{5} + c$ (iv) $\int \sqrt{\left(\frac{1-\cos 2x}{1+\cos 2x}\right)} \, \mathrm{d}x$ का मान है (क) $\log_e \cos x + c$ (ग) $\log_e \sec x + c$ (ख) $\sqrt{2} \log_e \cos x + c$ (घ) $\log_e \sin x + c$ The value of $\int \sqrt{\left(\frac{1-\cos 2x}{1+\cos 2x}\right)} dx$ is $\sqrt{2} \log_e \cos x + c$ **(B)** (A) $\log_{\rho} \cos x + c$ (D) $\log_e \sin x + c$. (C) $\log_{\rho} \sec x + c$ $\frac{1}{2}$ SS-15-2-Maths. II SS-530-II [Turn over

फलन $f(x) = \frac{|2x-5|}{2x-5}$ की $x = \frac{5}{2}$ पर बायों सीमा ज्ञात कीजिए । Find the left hand limit of the function $f(x) = \frac{|2x-5|}{2x-5}$ at $x = \frac{5}{2}$.

: $\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$. Evaluate : $\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$. मान ज्ञात कीजिए : $\lim_{x \to 1} \frac{\log x}{(x - 1)}$. Evaluate : $\lim_{x \to 1} \frac{\log x}{(x - 1)}$ मान ज्ञात कीजिए : $\int \tan^2 x \, dx$. Evaluate : $\int \tan^2 x \, dx$. Evaluate : $\int \tan^2 x \, dx$. Hun ज्ञात कीजिए : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$. Evaluate : $\int \frac{1}{x - \sqrt{x}} \, dx$.

परवलय $x^2 = y$ तथा सरल रेखा x = 2 से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कोजिए । Find the area of the region bounded by the parabola $x^2 = y$ and the straight line x = 2. 1 निम्न फलन का ओरेख (लेखाचित्र) खींचिए :

 $f(x) = \cos \frac{x}{2}, x \in [-\pi, \pi].$

Draw the graph of the following function :

 $f(x) = \cos \frac{x}{2}, x \in [-\pi, \pi].$ $a \operatorname{rav} b \mathring{a} \operatorname{Hr} \operatorname{sin} \widehat{a} \operatorname{forv}, \operatorname{uc} \operatorname{frr} \operatorname{herr} x = 1 \operatorname{uc} \operatorname{vin} \operatorname{rin} \operatorname{r$

10. फलन
$$f(x) = \begin{cases} x^2 \sin\left(\frac{1}{x}\right); & x \neq 0 \\ 0 & ; & x = 0 \end{cases}$$
की बिन्दु $x = 0$ पर अवकलनीयता का
परीक्षण कीजिए ।

Test the differentiability of the following function at the point x = 0:

Find the general solution of the differential equation

$$\frac{d^2 y}{dx^2} = \sin^2 x + \cos^2 x.$$

2

15. प्रदर्शित कीजिए कि सरल रेखा $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 2$, वक्र $\left(\frac{x}{a}\right)^3 + \left(\frac{y}{b}\right)^3 = 1$ को बिन्दु (a, b) पर स्पर्श करती है । Show that the line $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 2$, touches the curve $\left(\frac{x}{a}\right)^3 + \left(\frac{y}{b}\right)^3 = 1$ at the point (a, b).

16. फलन $f(x) = x - \frac{1}{x}$ के लिए अन्तराल [1, 3] में लाग्रांज माध्य मान प्रमेय का सत्यापन कीजिए एवं दिये गये अन्तराल में c का मान ज्ञात कीजिए ।

Verify Lagrange's mean value theorem for the function $f(x) = x - \frac{1}{x}$ in the interval [1, 3] and find the value of c in the given interval.

3

17. सिद्ध कीजिए कि एक दिये गये वृत्त के अन्दर बनने वाला अधिकतम क्षेत्रफल का आयत एक वर्ग होता है ।

Prove that the rectangle which has the maximum area inscribed in a given circle is the square. 3

18. मान ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{e^x (2 + \sin 2x)}{(1 + \cos 2x)} \, \mathrm{d}x.$$

Evaluate :

$$\int \frac{e^x (2 + \sin 2x)}{(1 + \cos 2x)} dx.$$

19. मान ज्ञात कीजिए :
$$\int \sqrt{(3 + 2x - x^2)} \, dx$$
.

Evaluate : $\int \sqrt{(3 + 2x - x^2)} dx$.

20. वृत्त $x^2 + y^2 = 4$, रेखा $x = \sqrt{3}y$ तथा x-अक्ष के मध्य प्रथम पाद में स्थित क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए !

Find the area bounded by the circle $x^2 + y^2 = 4$, the line $x = \sqrt{3}y$ and *x*-axis in the first quadrant. 3

21. मान ज्ञात कीजिए :

$$\frac{1}{(\sec x + \csc x)} dx.$$

Evaluate :

$$\int \frac{1}{(\sec x + \csc x)} \, \mathrm{d}x.$$

SS—15–2—Maths. II SS–530–II

22. मान ज्ञात कोजिए :
$$\int_{0}^{\pi} \frac{x \sin x}{1 + \sin x} dx.$$
Evaluate :
$$\int_{0}^{\pi} \frac{x \sin x}{1 + \sin x} dx.$$

23. प्रथम सिद्धान्त से
$$rac{2x+3}{3x-2}$$
 का x के सापेक्ष अवकल गुणांक ज्ञात कीजिए

अथवा

प्रथम सिद्धांत से $\sin^{-1}(ax+b)$ का x के सापेक्ष अवकल गुणांक ज्ञात कीजिए । Find the differential coefficient of $\frac{2x+3}{3x-2}$ with respect to x by first principle.

OR

Find the differential coefficient of $\sin^{-1}(ax + b)$ with respect to x by first principle. 5

24. निम्न अवकल समीकरण को हल कीजिए :

$$x^2 \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = x^2 + xy + y^2.$$

अथवा

निम्न अवकल समीकरण को हल कीजिए :

$$(x^2 - 1) \frac{dy}{dx} + 2xy = \frac{1}{(x^2 - 1)}$$

Solve the following differential equation :

$$x^2 \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = x^2 + xy + y^2.$$

OR

Solve the following differential equation :

$$(x^2 - 1) \frac{dy}{dx} + 2xy = \frac{1}{(x^2 - 1)}$$

SS—15–2—Maths. II

SS-530-II

[Turn over