

SOLUTION

- (1) (क) (2) (ख) (3) (ख) (4) (ग) (5) (क)
 (6) (ग) (7) (क) (8) (घ) (9) (ख) (10) (ग)
 (11) बढ़ा (12) $\cot^2$ (13) 12 (14) 0 (शून्य) (15) 5
 (16) 1 (17) 2 (18) अंतर (19) $\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
 (20) 0

(21) द्विघात बहुपद $= x^2 + 8x + 15$
 $= x^2 + (5+3)x + 15$
 $= x^2 + 5x + 3x + 15$
 $= x(x+5) + 3(x+5)$
 $= (x+3)(x+5)$

$$x^2 + 8x + 15 = 0$$

or, $(x+3)(x+5) = 0$

either $x+3=0$ or, $x+5=0$

$\Rightarrow x = -3 \quad \Rightarrow x = -5$

अभीष्ट शून्यक $= -3, -5$

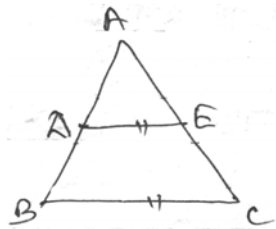
(22) द्विघात समीकरण $x^2 + kx + 3 = 0$
 उपर्युक्त समीकरण में $x=1$ रखने पर

$$(1)^2 + k \cdot 1 + 3 = 0$$

or, $1 + k + 3 = 0$

or, $k = -4$ Ans.

(23)



प्रश्नानुसार, $DE \parallel BC$ और

$AD = 3.6\text{cm}$, $AB = 10\text{cm}$, $AE = 4.5\text{cm}$, $AC = ?$

$$DB = AB - AD$$

$$= 10 - 3.6 = 6.4\text{cm}$$

चूँकि हम जानते हैं कि यदि किसी त्रिभुज की

किसी एक भुजा के समान्तर कोई रेखा खींची जाय तो अन्य दो भुजाएँ एक ही अनुपात में विभाजित होती हैं।

$$\therefore \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$$

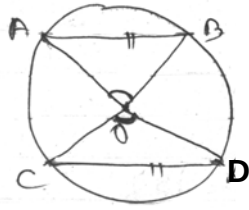
or, $\frac{3.6}{6.4} = \frac{4.5}{EC}$

or, $EC = \frac{4.5 \times 6.4}{3.6 \times 10} = 8\text{cm}$

$$AC = AE + EC$$

$$= 4.5 + 8 = 12.5 \text{ cm Ans.}$$

(24)



मान लिया कि और वृत्त की दो समान जीवाएँ हैं जिनका केन्द्र O है। सिद्ध करना है कि—

$$\angle AOB = \angle COD$$

प्रमाण:— $\triangle AOB$ और $\triangle COD$ में,

$OA = OC, OB = OD$ वृत्त की सभी त्रिज्याएँ समान होती हैं।

$AB = CD$ प्रश्नानुसार

$$\therefore \triangle AOB \cong \triangle COD \text{ (SSS)}$$

$$\therefore \angle AOB = \angle COD \text{ (CPCT)}$$

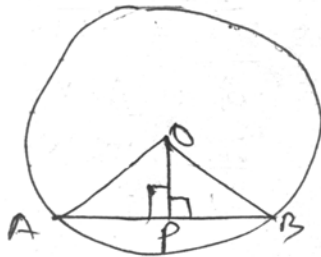
अतः वृत्त की समान जीवाएँ केन्द्र पर समान कोण बनाती है।

(25) बिन्दुओं $(-4, 7)$ और $(1, -5)$ के बीच की दूरी

$$= \sqrt{(1+4)^2 + (-5-7)^2}$$

$$= \sqrt{25 + 144} = \sqrt{169} = 13 \text{ इकाई}$$

(26)



मान लिया कि O केन्द्र वाला वृत्त की जीवा AB की लंबाई 24 सेमी० है और वृत्त केन्द्र O से जीवा AB पर डाला गया लंब OP की लंबाई 5 सेमी० है।

$$\text{i.e., } AB = 24 \text{ cm, } OP = 5 \text{ cm}$$

$\triangle OAP$ और $\triangle OBP$ में,

$$\angle OPA = \angle OPB = 90^\circ \text{ (प्रश्नानुसार)}$$

$$OA = OB \quad (\text{वृत्त की त्रिज्याएँ बराबर होती है})$$

$$OP = OP \quad (\text{Common})$$

$$\therefore \triangle OAP \cong \triangle OBP \text{ (RHS)}$$

$$\therefore AP \cong BP = \frac{24}{2} = 12 \text{ cm}$$

$\triangle OPB$ में,

$$\angle OPB = 90^\circ$$

$$\therefore (OB)^2 = (OP)^2 + (PB)^2$$

$$= 5^2 + 12^2$$

$$= 25 + 144 = 169$$

$$\therefore OB = \sqrt{169} = 13 \text{ cm Ans.}$$

- (27) मान लिया कि पहले और दूसरे घनों के कोरों की लंबाई क्रमशः x और y इकाई है।
प्रश्नानुसार,

$$\frac{\text{प्रथम घन का आयतन}}{\text{दूसरे घन का आयतन}} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{x^3}{y^3} = \frac{1}{8} \text{ or, } \left(\frac{x}{y}\right)^3 = \frac{1}{8} \text{ or, } \frac{x}{y} = \left(\frac{1}{8}\right)^{1/3} = \left\{\left(\frac{1}{2}\right)^3\right\}^{1/3} = \frac{1}{2}$$

कोरों का अभीष्ट अनुपात $= x:y = 1:2$ Ans.

(28) $\tan = \frac{\sin}{\cos} = \frac{\sin}{\sqrt{1 - \sin^2}}$ Ans.

(29) $\frac{\cos 80^\circ}{\sin 10^\circ} + \cos 59^\circ \operatorname{cosec} 31^\circ$
 $= \frac{\cos(90^\circ - 10^\circ)}{\sin 10^\circ} + \cos(90^\circ - 31^\circ) \cdot \operatorname{cosec} 31^\circ$
 $= \frac{\sin 10^\circ}{\sin 10^\circ} + \sin 31^\circ \cdot \operatorname{cosec} 31^\circ$
 $= 1 + 1 = 2$ Ans.

- (30) बिन्दु $(-5, 4)$ और $(7, -8)$ को मिलानेवाली रेखाखंड के मध्य बिन्दु के नियामक

$$= \left\{ \frac{-5+7}{2}, \frac{4+(-8)}{2} \right\}$$

$$= \left(\frac{2}{2}, \frac{4-8}{2} \right)$$

$$= \left(1, \frac{-4}{2} \right) = (1, -2) \text{ Ans.}$$

- (31) समान्तर श्रेणी 6, 9, 12, 15,

यहाँ $a = 6, d = t_2 - t_1 = 9 - 6 = 3$

$$t_n = a + (n-1) \times d$$

$$t_{35} = 6 + (35-1) \times 3$$

$$= 6 + (34 \times 3)$$

$$= 6 + 102 = 108 \text{ Ans.}$$

(32) $x^3 - 1 = (x)^3 - (1)^3$

$$= (x-1)(x^2 + x + 1)$$

$$x^4 + x^2 + 1 = (x^2)^2 + 2 \cdot x^2 \cdot 1 + (1)^2 - x^2$$

$$\begin{aligned}
&= (x^2 + 1)^2 - x^2 \\
&= (x^2 + 1 - x)(x^2 + 1 + x) \\
&= (x^2 - x + 1)(x^2 + x + 1)
\end{aligned}$$

अभीष्ट म०स० = $x^2 + x + 1$ Ans.

(33) मान लिया कि प्रथम संख्या = x

प्रश्नानुसार,

$$\text{द्वितीय संख्या} = 15 - x$$

प्रश्नानुसार,

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{15 - x} = \frac{3}{10}$$

$$\text{or, } \frac{15 - x + x}{x(15 - x)} = \frac{3}{10}$$

$$\text{or, } 45x - 3x^2 = 150$$

$$\text{or, } 3x^2 - 45x + 150 = 0$$

$$\text{or, } 3(x^2 - 15x + 50) = 0$$

$$\text{or, } x^2 - 15x + 50 = 0 \quad (\because 3 \neq 0)$$

$$\text{or, } x^2 - (10 + 5)x + 50 = 0$$

$$\text{or, } x^2 - 10x - 5x + 50 = 0$$

$$\text{or, } x(x - 10) - 5(x - 10) = 0$$

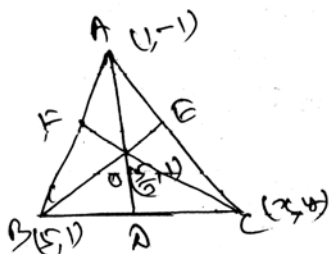
$$\text{or, } (x - 5)(x - 10) = 0$$

$$\therefore x - 5 = 0 \quad \text{or, } x - 10 = 0$$

$$\Rightarrow x = 5 \quad \Rightarrow x = 10$$

अभीष्ट संख्या $x = 5, 10$ Ans.

(34)



मान लिया कि बिन्दु C के नियामक (x, y) हैं। तो त्रिभुज के गुरुत्व केन्द्र के नियामक

$$= \left(\frac{1 + 5 + x}{3}, \frac{-1 + 1 + y}{3} \right)$$

$$= \left(\frac{6 + x}{3}, \frac{y}{3} \right)$$

प्रश्नानुसार,

$$\text{गुरुत्वकेन्द्र का } x \text{ नियामक} = \frac{5}{3}$$

$$\text{i.e., } \frac{6+x}{3} = \frac{5}{3}$$

$$\text{or, } 6+x=5$$

$$\text{or, } x=5-6=-1$$

पुनः,

गुरुत्व केन्द्र का y नियामक $=1$

$$\text{or, } \frac{y}{3}=1$$

$$\text{or, } y=3$$

अतः बिन्दु C का नियामक $=(-1, 3)$ Ans.

$$(35) \quad 100 + 101 + 102 + 103 + 104 + 105 + \dots + 199 + 200$$

अतः 100 से 200 के बीच सभी विषम संख्याओं का योगफल

$$101 + 103 + 105 + \dots + 199$$

यहाँ, $a=101$

$$d = t_2 - t_1 = 103 - 101 = 2$$

$$t_n = 199$$

$$a + (n-1)d = 199$$

$$\text{or, } 101 + (n-1)2 = 199$$

$$\text{or, } (n-1)2 = 199 - 101 = 98$$

$$\text{or, } n-1 = \frac{98}{2} = 49$$

$$\therefore n = 49 + 1 = 50$$

$$S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$$

$$= \frac{50}{2} \{2 \times 101 + (50-1)2\}$$

$$= 25 \{202 + 98\}$$

$$= 25 \times 300 = 7500 \quad \text{Ans.}$$

(36) मान लिया कि अनुपात की राशि x है।

तो, Δ का प्रथम कोण $= 2x$

द्वितीय कोण $= 3x$

तृतीय कोण $= 4x$

चूँकि Δ के तीनों कोणों का योगफल 180° होता है।

$$\therefore 2x + 3x + 4x = 180^\circ$$

$$\text{or, } 9x = 180^\circ$$

$$\text{or, } x = \frac{180^\circ}{9} = 20$$

सबसे बड़ा कोण $= 4x = 4 \times 20 = 80^\circ$ Ans.

- (37) चूँकि हम जानते हैं कि, $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ और (x_3, y_3) से बने शीर्षों वाले Δ के गुरुत्व केन्द्र के नियामक

$$\begin{aligned} &= \left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3} \right) \\ &= \left(\frac{-3 + 5 - 8}{3}, \frac{0 - 2 + 5}{3} \right) \\ &= \left(\frac{-6}{3}, \frac{3}{3} \right) = (-2, 1) \text{ Ans.} \end{aligned}$$

- (38) माना कि $S =$ कुल परिणामों का समूह $= \{W, W, W, B, B\}$

यहाँ $W =$ उजली गोली और $B =$ काली गोली

$$n(S) = 5$$

मान लिया E उजली गोली निकालने की घटना को प्रदर्शित करता है।

$$\text{i.e., } E = \{W, W, W\}$$

अर्थात् $n(E) = 3$

$$\therefore P(E) = \frac{n(E)}{n(S)} = \frac{3}{5} \text{ Ans.}$$

$$\begin{aligned} (39) \text{ L.H.S.} &= \sqrt{\frac{1+\cos}{1-\cos}} + \sqrt{\frac{1-\cos}{1+\cos}} \\ &= \sqrt{\frac{1+\cos}{1-\cos} \times \frac{1+\cos}{1+\cos}} + \sqrt{\frac{1-\cos}{1+\cos} \times \frac{1-\cos}{1-\cos}} \\ &= \sqrt{\frac{(1+\cos)^2}{1-\cos^2}} + \sqrt{\frac{(1-\cos)^2}{1+\cos^2}} \\ &= \sqrt{\left(\frac{1+\cos}{\sin^2}\right)^2} + \sqrt{\left(\frac{1-\cos}{\sin^2}\right)^2} \\ &= \frac{1+\cos}{\sin} + \frac{1-\cos}{\sin} \\ &= \frac{1+\cos + 1-\cos}{\sin} \\ &= \frac{2}{\sin} \\ &= 2\operatorname{cosec} = \text{R.H.S. Proved} \end{aligned}$$

- (40) प्रश्नानुसार,

$$m = a \cos + b \sin$$

और $n = a \sin \theta - b \cos \theta$

L.H.S. $= m^2 + n^2$

$$= (a \cos \theta + b \sin \theta)^2 + (a \sin \theta - b \cos \theta)^2$$

$$= a^2 \cos^2 \theta + b^2 \sin^2 \theta + 2ab \sin \theta \cos \theta$$

$$+ a^2 \sin^2 \theta + b^2 \cos^2 \theta - 2ab \sin \theta \cos \theta$$

$$= a^2 (\cos^2 \theta + \sin^2 \theta) + b^2 (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)$$

$$= a^2 \cdot 1 + b^2 \cdot 1$$

$$= a^2 + b^2$$

$$= \text{R.H.S. Proved}$$

(41)

वर्ग अन्तराल	बारम्बारता (f)	मध्य बिन्दु (x)	$f \times x$
0 – 10	12	5	60
10 – 20	16	15	240
20 – 30	6	25	150
30 – 40	7	35	245
40 – 50	9	45	405
	$\Sigma f = 50$		$\Sigma fx = 1100$

$$\text{माध्य} = \frac{\Sigma fx}{\Sigma f} = \frac{1100}{50} = 22 \text{ Ans.}$$

(42)

आयु वर्ष में	बच्चों की संख्या
4 – 6	3
6 – 8	8
8 – 10	20
10 – 12	12
12 – 14	7

$$\text{बहुलक (Mode) } M_0 = l + \frac{f_0 - f_{-1}}{2f_0 - f_{-1} - f_1} \times i$$

जहाँ,

l = Modal class अर्थात् अधिकतम बारम्बारता वाला वर्ग की निम्न सीमा

fo = Modal class की बारम्बारता

f_{-1} = Modal class के ठीक पहले वाला वर्ग की बारम्बारता

f_1 = Modal class के ठीक बाद वाला वर्ग की बारम्बारता

i = वर्ग अन्तराल की लंबाई

प्रश्नानुसार,, अधिकतम बारम्बारता वाला वर्ग अन्तराल $(8 - 10)$ जिसकी बारम्बारता 20 है।

अर्थात् $l = 8, fo = 20, f_{-1} = 8, f_1 = 12, i = 6 - 4 = 2$

$$\begin{aligned} \text{अभीष्ट बहुलक} &= 8 + \frac{20 - 8}{(2 \times 20) - 8 - 12} \times 2 \\ &= 8 + \frac{12}{40 - 20} \times 2 = 8 + \frac{12}{20} \times 2 \\ &= 8 + \frac{12}{10} = 8 + 1.2 = 9.2 \text{ वर्ष Ans.} \end{aligned}$$

(43) मान लिया कि आयत की चौड़ाई = x मी०

प्रश्नानुसार,

$$3x = 48$$

$$\text{or, } x = \frac{48}{3} = 16 \text{ मी०}$$

आयत का घेरा अर्थात् परिमिति = (लम्बाई + चौड़ाई)

$$= 2(48 + 16)$$

$$= 2 \times 64$$

$$= 128 \text{ मी०}$$

प्रश्नानुसार,

वर्ग का घेरा अर्थात् परिमिति = आयत का घेरा अर्थात् परिमिति

$$4 \times \text{भुजा} = 128$$

$$\text{or, } \text{भुजा} = \frac{128}{4} = 32 \text{ मी०}$$

$$\therefore \text{वर्ग की क्षेत्रफल} = (\text{भुजा})^2$$

$$= (32)^2$$

$$= 1024 \text{ वर्ग मीटर Ans.}$$

$$(44) \quad y = 2x - 3 \quad \dots(1)$$

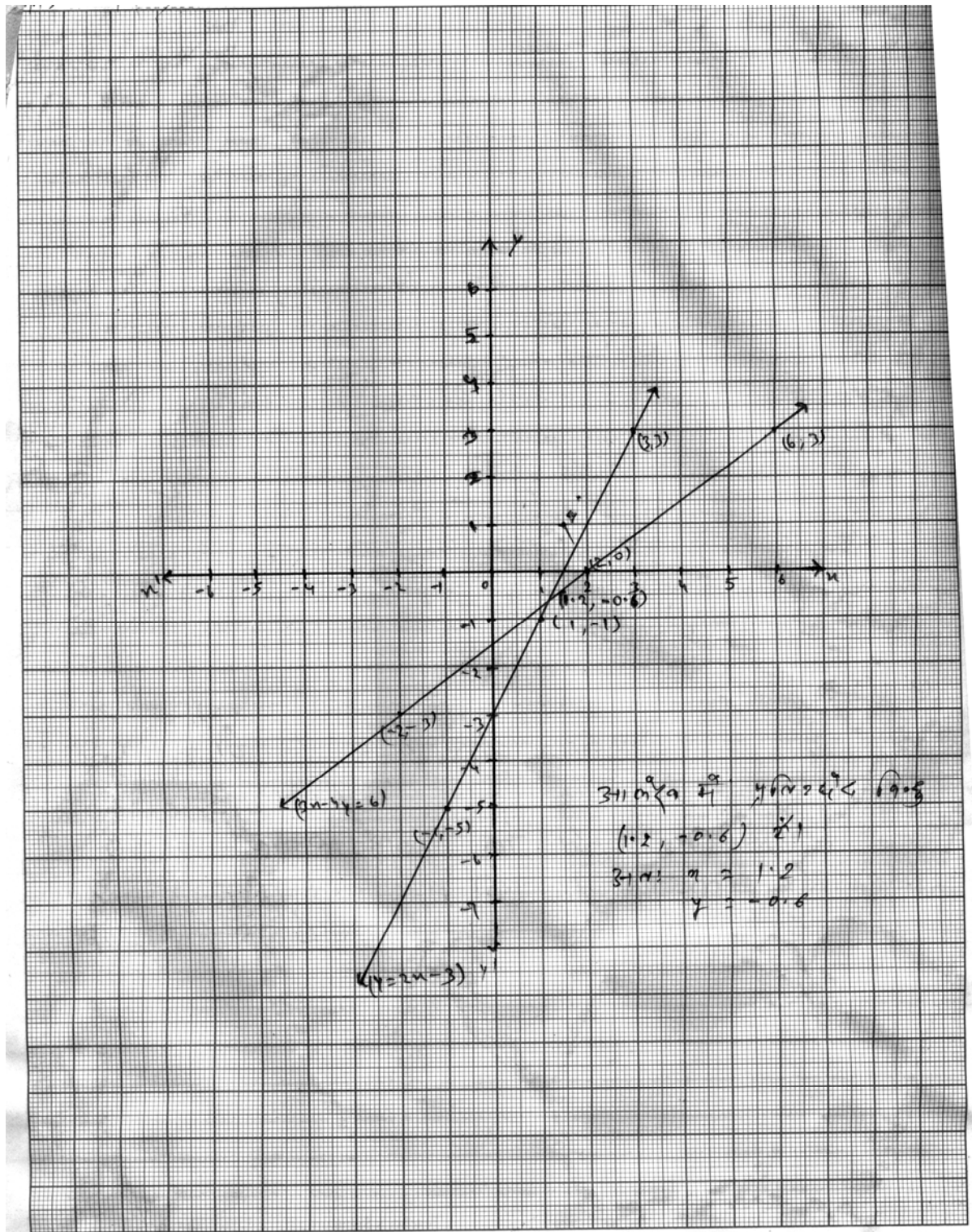
$$\text{and } 3x - 4y = 6 \quad \dots(2)$$

$$\text{समी० (1) } y = 2x - 3$$

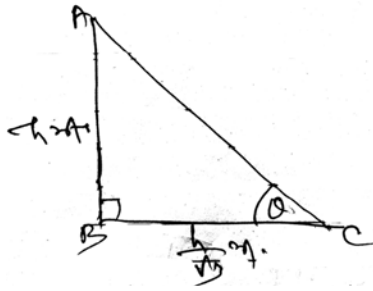
x	1	3	-1
y	-1	3	-5
(x, y)	(1, -1)	(3, 3)	(-1, -5)

समी० (2) $3x - 4y = 6$

x	2	6	-2
y	0	3	-3
(x, y)	(2, 0)	(6, 3)	(-2, -3)



(45)



मान लिया कि AB एक h मीटर ऊँचा स्तम्भ है।
सूर्य के प्रकाश में स्तम्भ की छाया BC है जिससे
सूर्य का उन्नयन कोण धरातल के C बिन्दु पर
कोण बनाता है।

प्रश्नानुसार,

$$\begin{aligned}\text{स्तम्भ छाया BC की लम्बाई} &= h \times \frac{1}{\sqrt{3}} \\ &= \frac{h}{\sqrt{3}}\end{aligned}$$

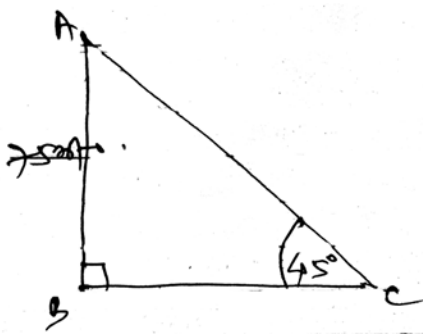
$\triangle ABC$ में,

$$\angle ABC = 90^\circ \text{ और } \angle ACB =$$

$$\therefore \tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$$

$$\begin{aligned}\text{or, } \tan &= \frac{h}{h/\sqrt{3}} \\ &= h \times \frac{\sqrt{3}}{h} = \sqrt{3} \\ &= \tan 60^\circ \\ \therefore &= 60^\circ \text{ Ans.}\end{aligned}$$

‘अथवा’ ‘or’



मान लिया कि एक पतंग पृथ्वी के धरातल B
से 75 मीटर की ऊँचाई पर A बिन्दु पर उड़ रही है
जिसकी डोरी AC की लम्बाई ज्ञात करनी है, क्षैतिज
तल C बिन्दु पर 45° का कोण बनाती है।

$$\text{अर्थात् } \angle ACB = 45^\circ$$

$\triangle ABC$ में

$$\angle ABC = 90^\circ$$

$$\begin{aligned}\therefore \sin \angle ACB &= \sin 45^\circ = \frac{AB}{AC} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} &= \frac{75}{AC}\end{aligned}$$

$$\text{or, } AC = 75\sqrt{2} \text{ मीटर Ans.}$$

$$= 75 \times 1.414 = 106.05 \text{ मीटर Ans.}$$

(46) समकोण त्रिभुज ADB में

$\angle D = \text{एक समकोण}$

$\therefore$ पाथागोरस प्रमेय से

$$AB^2 = AD^2 + BD^2 \quad \dots (1)$$

फिर समकोण त्रिभुज ADC में

$\angle D = \text{एक समकोण}$

$\therefore$ पाथागोरस प्रमेय से

$$AC^2 = AD^2 + DC^2 \quad \dots (2)$$

चित्र (I) से $DC = BC - BD$

$$\therefore DC^2 = (BC - BD)^2 = BC^2 - 2BC \cdot BD + BD^2$$

चित्र (II) से $DC = DB - CB$

$$\begin{aligned} \therefore DC^2 &= (DB - CB)^2 = DB^2 - 2DB \cdot CB + CB^2 \\ &= BD^2 - 2BC \cdot BD + BC^2 \\ &= BC^2 - 2BC \cdot BD + BD^2 \end{aligned}$$

$\therefore$ दोनों चित्र में,

$$DC^2 = BC^2 - 2BC \cdot BD + BD^2$$

दोनों ओर AD^2 जोड़ने पर $AD^2 + DC^2 = BC^2 - 2BC \cdot BD + AD^2 + BD^2$

(1) और (2) को प्रयोग में लाने पर

$$AC^2 = BC^2 - 2BC \cdot BD + AB^2$$

$$\therefore AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2BC \cdot BD \quad \text{Proved.}$$

(47) रचना के चरण :-

(i) $AB = 10\text{cm}$ एक रेखाखंड खींचा।

(ii) AB के साथ बिन्दु A पर कोई न्यूनकोण बनाती हुई रेखा AD खींचा।

(iii) AD पर 5 (3+2) बराबर चाप AL, LM, MN, NQ, QC

काटकर L, M, N, Q, C अंकित करेंगे।

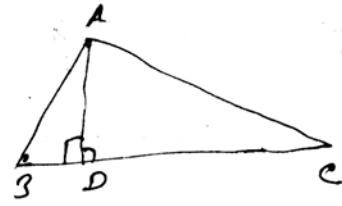
(iv) C और B को मिला देंगे।

(v) तीसरे बिन्दु (अंश = 3)

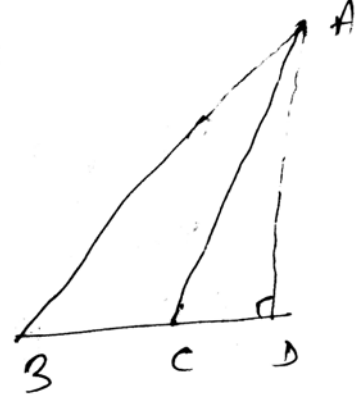
N से $NP \parallel BC$ खींचा जो AB को P पर काटती है।

इस प्रकार P बिन्दु AB को 3:2 के अनुपात में अंतः

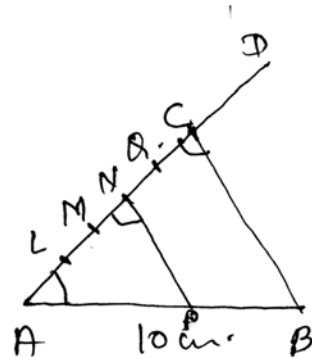
विभाजित करता है।



चित्र (I)



चित्र (II)



- (48) मान लिया कि ABC एक त्रिभुज है।
 इसमें एक रेखा DE जो क्रमशः AB, AC
 पर स्थित है। इस प्रकार

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$$

तो सिद्ध करना है कि $DE \parallel BC$

बनावट – मान लिया कि DE, BC के समान्तर नहीं है

तो BC के समान्तर एक अन्य रेखा DE' खींचा।

प्रमाण – बनावट के अनुसार $DE' \parallel BC$

$\therefore$ थैल्स प्रमेय से,

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AE'}{E'C}$$

परन्तु दिया हुआ है

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$$

$$\therefore \frac{AE}{EC} = \frac{AE'}{E'C}$$

दोनों तरफ 1 जोड़ने पर

$$\Rightarrow \frac{AE}{EC} + 1 = \frac{AE'}{E'C} + 1$$

$$\Rightarrow \frac{AE + EC}{EC} = \frac{AE' + E'C}{E'C}$$

$$\Rightarrow \frac{AC}{EC} = \frac{AC}{E'C}$$

$$\Rightarrow EC = E'C$$

यह तभी संभव है जब E एवं E' एक ही बिन्दु पर हो। अतः BC के समान्तर रेखा DE ही है, DE' नहीं है।

$\therefore DE \parallel BC$ Proved.

