

2

आकृतियाँ और कोण

रोहिणी और मोहिनी जुड़वाँ बहनें हैं। उन्हें एक ही काम करने में बहुत मजा आता है। एक दिन जब वे माचिस की तीलियों से आकृतियाँ बना रही थीं, शैला ने उन्हें एक चुनौती दी।



BS28CH02

रोहिणी एक आकृति बनाएगी।
मोहिनी को वही आकृति बिना देखे हुए बनानी है, मगर वह सवाल पूछ सकती है।

ओह! यह तो बहुत आसान है।



रोहिणी ने यह आकृति बनाई।



मोहिनी : आकृति बंद है या खुली?

रोहिणी : यह आकृति बंद है।

मोहिनी : इसकी कितनी भुजाएँ हैं?

रोहिणी : इसकी 6 भुजाएँ हैं।

मोहिनी ने यह आकृति बनाई :

अब तुम जवाब दो।

क्या यह बंद आकृति है? _____ क्या इसकी 6 भुजाएँ हैं? _____

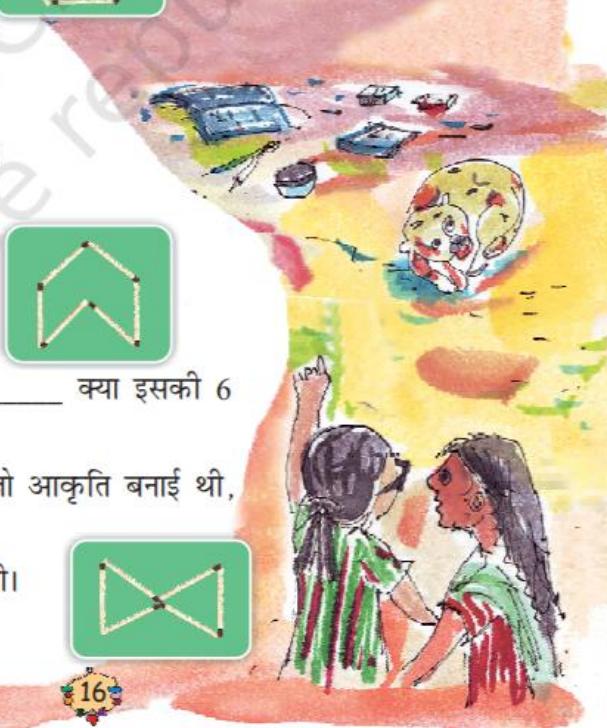
लेकिन यह आकृति, रोहिणी ने जो आकृति बनाई थी, उसके जैसी नहीं है।

इसलिए मोहिनी ने फिर कोशिश की।

उसने कुछ ऐसी आकृति बनाई :



16



क्या यह 6 भुजाओं वाली बंद आकृति है? _____

क्या यह आकृति रोहिणी ने जो आकृति बनाई थी उसके जैसी है? _____

क्या तुम किसी तरीके से यह बता सकते हो कि ये आकृतियाँ एक दूसरे से कैसे अलग हैं?

* मोहिनी ने फिर कोशिश की, लेकिन उसकी आकृतियाँ अलग थीं। अंदाजे से दो और आकृतियाँ बनाओ जो मोहिनी ने शायद बनाई होंगी। मोहिनी कोशिश करके थक गई और उसने शैला से पूछा कि वह क्या करे।



अगर तुम तीलियों द्वारा कोनों पर बनाए गए कोणों के बारे में पूछो, तो तुम वैसी ही आकृति बना पाओगी।



ओह! तो चलो अब हम कोणों को देखें।

* इन आकृतियों में दिखाए गए कोणों को देखो। क्या तुम इनमें अंतर देख पा रहे हो?



रोहिणी



मोहिनी



देखो, माचिस की तीलियों कैसे एक छोटा कोण, एक बड़ा कोण और एक उससे भी बड़ा कोण बनाती हैं।



अरे बाह! कोण बदलने से आकृति इतनी बदल जाती है।



बच्चों को सोचने के लिए प्रेरित करें कि किस तरह एक जिले की भुजाओं वाली आकृतियाँ भी अलग हो सकती हैं। इससे उन्हें यह महसूस होगा कि किस तरह कोण किसी भी बहुभुज की आकृति निर्धारित करते हैं।

अभ्यास का समय

1) आकृति को देखकर उत्तर दो।



* _____ रंग से दिखाया गया कोण सबसे बड़ा कोण है।

2) क) क्या पीले रंग से दिखाए गए कोण बराबर हैं? _____

ख) क्या हरे रंग से दिखाए गए कोण बराबर हैं? _____

ग) क्या नीले रंग से दिखाए गए कोण बराबर हैं? _____



3) चार अलग-अलग कोण चार अलग रंगों में दिखाए गए हैं। क्या तुम लाल रंग में दिखाए गए कोण के बराबर दूसरे कोण ढूँढ़ सकते हो? उन पर लाल रंग का निशान लगाओ। दूसरे रंगों के लिए भी ऐसा ही करो।



4) इनमें से हरेक आकृति के कोणों को बदलकर देखो कि तुम कितनी और नई आकृतियाँ बना सकते हो? कोशिश करो।

क)



4 माचिस की तीलियाँ

ख)



8 माचिस की तीलियाँ

ग)



5 माचिस की तीलियाँ

घ)



7 माचिस की तीलियाँ

ङ)



10 माचिस की तीलियाँ



तीलियों की पहेली

1) 6 माचिस की तीलियों से 8 त्रिभुज बनाओ। कोशिश करो।



2) 8 माचिस की तीलियों से दी गई मछली बनाओ। अब माचिस की किन्हीं 3 तीलियों को हटाकर इस तरह रखो कि मछली उलटी दिशा में तैरती नजर आए। हो गया?



3) 10 माचिस की तीलियों से यह आकृति बनाओ। माचिस की 5 तीलियों को हटाकर इस तरह रखो कि तुम्हारे सामने एक घर का आकार बन जाए।

अगर तुम इन पहेलियों को हल
नहीं कर पाए हो तो पृष्ठ 29 पर
इसका उत्तर देख सकते हो।

कोण जाँचक

हम एक जैसे कोण कैसे बनाते हैं?

चलो, हम एक कोण जाँचक बनाते हैं।



तुम्हारे ज्यामिति बॉक्स में भी कोण जाँचक है। इसे डिवाइटर कहते हैं।



- ✿ गते के एक टुकड़े में से दो लंबी पट्टियाँ काटो।
- ✿ उन्हें ड्राइंग पिन की मदद से इस तरह जोड़ो कि दोनों किनारे आसानी से घुमाए जा सकें।



रोहिणी और मोहिनी कोण जाँचक को लेकर कक्षा की सभी चीजों के अलग-अलग कोण जाँचने लगीं।

रोहिणी ने गणित की किताब और पॉसिल बॉक्स के कोणों को जाँचा।

कोण जाँचक को देखो। यह अंगूष्ठी के अक्षर L को तरह खुल गया है।

यह एक समकोण है। हम इसके लिए L लिखते हैं।



- * अपने कोण जाँचक के साथ आसपास जाकर नीचे उन चीजों के चित्र बनाओ जहाँ पर कि कोण जाँचक अक्षर L की तरह खुलता है। क्या तुम पवका कह सकते हो कि ये सभी समकोण हैं?



अध्यास का समय

1) नीचे दिए गए चित्रों को देखो और तालिका को पूरा करो।

कोण	समकोण	समकोण से दूरादा	समकोण से कम
			✓

2) सुखमन ने इतने सारे कोणों के साथ यह चित्र बनाया है।



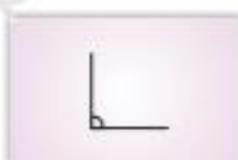
रंगीन पेंसिल से चित्र में निशान लगाओ :

- ❖ समकोण को काले रंग से।
- ❖ वे कोण जो समकोण से ज्यादा हों उन्हें हरे रंग से।
- ❖ वे कोण जो समकोण से कम हों उन्हें नीले रंग से।

3) नीचे दिखाए गए कोणों के आसपास अपनी मर्जी का कोई चित्र बनाओ और कोण का प्रकार भी लिखो। सबसे पहला करके दिखाया गया है।



समकोण से कम



गतिविधि

क) एक वर्गाकार कागज लो।



ख) उसे आधा मोड़ लो।



ग) उसे एक बार फिर मोड़कर दबाओ।



घ) आखिरी मोड़ को खोलो जिससे कि कागज आधा मुड़ जाए।



ड) उसके एक कोने को बिंदु वाली लाइन तक मोड़ो।



तुम्हें कागज पर ऐसी रेखाएँ मिलेंगी जो कि समकोण, कोण जो समकोण से कम हैं और कोण जो समकोण से ज्यादा हैं, बनाती हैं।

हरेक कोणों को ढूँढ़ो और उन पर अलग-अलग रंगों से निशान लगाओ।

गतिविधि-शरीर के साथ कोण



क्या तुम ये कोण बना सकते हो?



क) अपने हाथ से समकोण?



ख) अपने पैर से समकोण से कम कोण?

ग) अपने हाथ से समकोण से ज्यादा कोण?

घ) अपने शरीर से समकोण से ज्यादा कोण?



कोशिश करके देखो! बहुत मजा आएगा। तुम स्टिक ड्राइंग की मदद से इन्हें अपनी कॉपी में बनाओ।

कोण बगीचा

मरा कोण वाला नाच रस्ता दिखाता है!

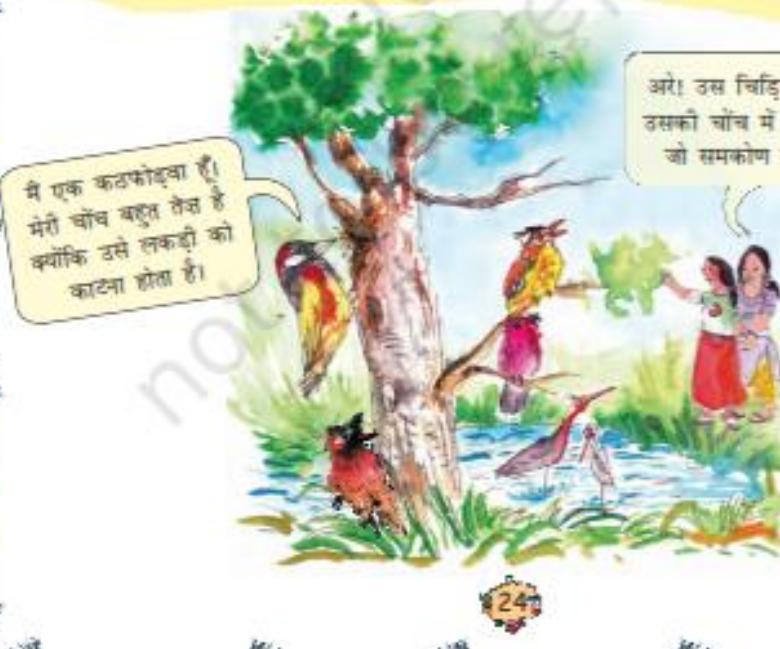
जब मैं शहद बनाने के लिए फूल देखती हूँ, तो दूसरे मधुमक्खियों को बताना चाहती हूँ। उन्हें रस्ता दिखाने के लिए मैं नाचना शुरू कर देती हूँ। मेरा यह नाच सूर्य और फूल के बोच का कोण दिखाता है।



गतिविधि

बगीचे में से कुछ पत्तियाँ इकट्ठी करो। उन पत्तियों पर रंग लगाकर उनके छापे लगाओ। पत्तियों के कोणों को देखो। पता लगाओ कि कौन से कोण समकोण से कम हैं और कौन से ज्यादा।

अरे! उस चिड़िया को देखो।
उसको चोंच में एक कोण है
जो समकोण से कम है।



✳ उन चिड़ियों को दृढ़ों जिनकी चोंच के कोण छोटे हैं?

✳ चित्र में दो शाखाओं के बीच के कोणों में निशान लगाओ। किन दो शाखाओं के बीच के कोण सबसे बड़े हैं?

नाम में छिपे कोण

क्या तुम्हें पता है कि हमारे नामों के अन्दर में भी कोण छिपे हुए हैं।



SUKHMAN

मेरे नाम में 11 समकोण हैं। इसमें दस कोण ऐसे भी हैं जो कि समकोण से कम हैं।

✳ सीधी रेखा के उपयोग से तीन नाम लिखो और अलग-अलग तरीकों के कोण गिनो।

नाम	समकोणों की संख्या	उन कोणों की संख्या जो समकोण से ज्यादा हैं	उन कोणों की संख्या जो समकोण से कम हैं

गतिविधि

क) 10 'गणित का जादू' पुस्तक को एक के ऊपर एक रखो और एक पुस्तक को ढलान में कुछ इस तरह रखो कि स्लाइड बन जाए।



ख) अब यही छः पुस्तकों से करो।

✳ एक बॉल को ऊपर से लुढ़काओ। किस स्लाइड पर बॉल ज्यादा तेज़ी से नीचे लुढ़केगी?

✳ किस स्लाइड का कोण छोटा है?



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- ❖ कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- ❖ तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- ❖ बनाने के लिए जरूरी सामान—माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वालव का ट्यूब का एक टुकड़ा।

i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- * कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- * तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- * बनाने के लिए जरूरी सामान-माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वाल्व की ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



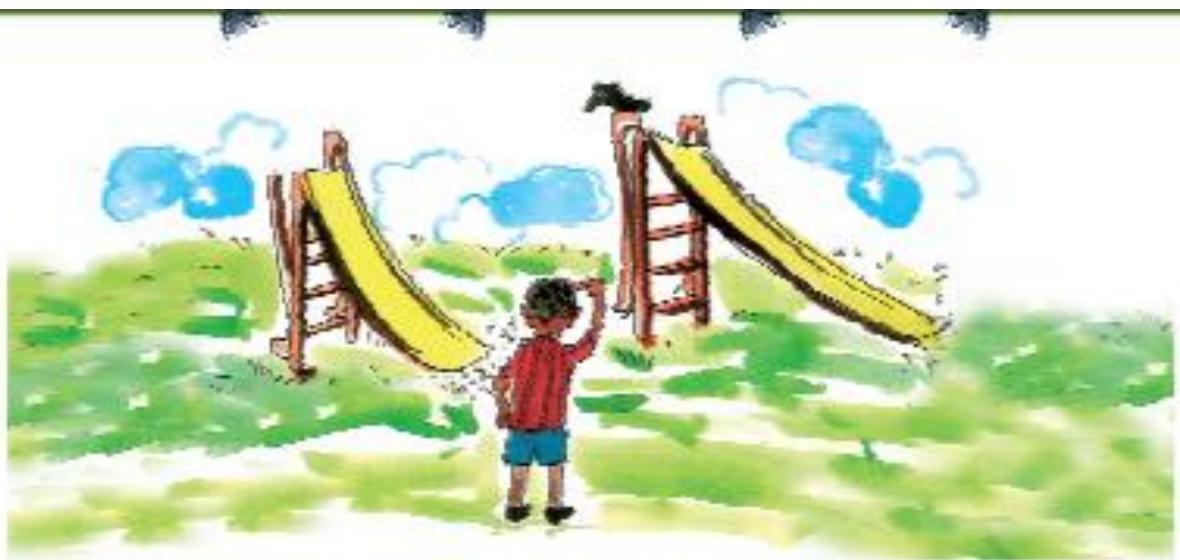
- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।



ये बगीचे की दो स्लाइड हैं।

- ❖ कौन सी स्लाइड का कोण बढ़ा है?
- ❖ तुम्हारे विचार से छोटे बच्चों को कौन सी स्लाइड से नीचे आना सुरक्षित होगा? क्यों?

बदलती आकृतियाँ

- ❖ बनाने के लिए जरूरी सामान—माचिस की तीलियाँ (इस्तेमाल की हुई) और साइकिल वालव का ट्यूब का एक टुकड़ा।

- i) माचिस का काला हिस्सा साफ़ करो



- ii) ट्यूब को छोटे टुकड़ों में काटो (लगभग 1 cm लंबा)



- iii) दो तीलियों को ट्यूब के टुकड़े के दोनों हिस्सों की ओर से अंदर डालो।



- iv) इसी तरह, एक त्रिभुज बनाने के लिए और तीलियों को जोड़ो।

इसी तरह ने टुकड़े और मानिस की तीलियों की मद्द से 1, 5, 6 झुजाओं नाली आकृतियाँ बनाओ।



* पता लगाओ कि हरेक आकृति में कितने कोण हैं? उन पर निशान लगाओ।

अब हर आकृति को अपनी डँगली से नीचे की ओर दबाओ।

क्या डँगली से दबाए जाने पर आकृति के कोण में कुछ बदलाव आता है?

पता लगाओ और अपना जवाब नीचे तालिका में लिखो—



आकृति	कोण में बदलाव है/ना



आकृतियाँ और मीनारें

नीचे दिए गए चित्रों में त्रिभुजों को देखो।



- ❖ 'बदलती आकृतियाँ' गतिविधि से क्या तुम अनुमान लगा सकते हो कि मीनारों, पुलों आदि में त्रिभुज का उपयोग क्यों किया जाता है।
- ❖ अपने आसपास देखो और कुछ ऐसी जगहों का पता लगाओ जिनमें त्रिभुज का उपयोग हुआ हो।

कोण और समय



जीनत, तुम्हारी घड़ी में अंक नहीं हैं। तुम समय का पता कैसे लगाती हो?

मैं तो केवल कोण देखती हूँ।
देखो, जब दोनों सुइयाँ समकोण बनाती हैं तो मुझे पता है कि अब 9 बजे हैं।



- ❖ ऐसा समय पूरे दिन में कई बार आता है जबकि घड़ी की सुइयाँ एक समकोण बनाती हैं। अब तुम कुछ और बनाओ।



त्रिभुज एक ऐसी महत्वपूर्ण आकृति है जो दशा-जाने पर आसानी से नहीं बदलती। वस्त्रों को यह देखने के लिए प्रयोग किया जा सकता है कि कैसे अलग-अलग आकृतियाँ को त्रिभुज में बदलकर महत्वपूर्ण बनाया जाता है।

* नीचे दी गई घड़ियों के समय को देखकर बताओ कि सुइयों से किस तरह का कोण बन रहा है। समय भी लिखो।



* घड़ी की सुइयाँ बनाओ जब वे समकोण से कम कोण बना रही हैं। समय भी लिखो।



उत्तर : तीलियों की पहेली (पृष्ठ 19)

1.



2.



3.



डिग्री घड़ी

अप्पू और किट्टू केरमबोर्ड खेल रहे हैं। अप्पू स्ट्राइकर को चलाता है।

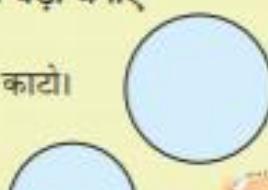


- * इस चित्र में क, ख और ग तीन विंदु दिखाए हैं। उस रेखा को खींचो जिस पर खेलकर किट्टू गनी को प्राप्त कर सकता है? _____



गतिविधि – आओ डिग्री घड़ी बनाएं

1. कागज में से एक गोला काटो।



2. उसे आधा मोड़ दो।



3. उसे एक बार और चौथाई में मोड़ो।



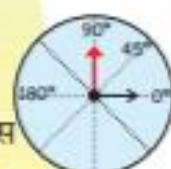
4. उसे एक बार फिर मोड़ दो।



5. कागज को खोलो। तुम्हें इस तरह की रेखाएँ दिखाई देंगी।



6. जिस तरह चित्र में दिखाया गया है उस पर 0° , 45° , 90° और 180° बनाओ।



7. उसे एक पुराने गते पर चिपका दो।

8. बीच में से एक सुई बनाओ।

9. मोटे कागज से एक लाल सुई बनाओ और पिन की मदद से बीच में कुछ इस तरह लगाओ कि वह घूम सके।

तुम्हारी डिग्री घड़ी तैयार है।

* डिग्री घड़ी के उपयोग से अपने पेंसिल बॉक्स का समकोण मापो।

समकोण का माप _____ है।

* क्या तुम बता सकते हो कि नीचे दिए गए कोण की डिग्री क्या होगी :

90° को समकोण कहते हैं।

● समकोण का आधा _____

● समकोण का एक-तिहाई _____

● समकोण का दुगुना _____

* अब उस कोण को मापो जहाँ से किटू को पृष्ठ 30 पर स्ट्राइकर चलाना चाहए। उस कोण का माप _____

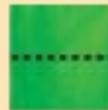


कागज के हवाई जहाज में कोण

1. एक वर्गाकार कागज का टुकड़ा लो।



2. इसे आधा मोड़ो और खोलो।



3. कागज के कोनों को कागज के बीच में लाकर मोड़ो। कागज ऐसा दिखना चाहिए।



4. हरे त्रिभुज को ऐसे मोड़ो कि P, Q को छू जाए।



5. अब आयताकार कागज के ऊपर के दोनों कोनों को दिखाई गई बिंदु रेखाओं पर चित्र की तरह मोड़ो।



6. मोड़ने पर तुम्हारा कागज चित्र जैसा दिखेगा। चित्र में एक छोटा सा त्रिभुज भी दिखाई देगा जिसे ऊपर की ओर मोड़ो।



7. कागज को उलटा करो और इसे दिखाई रेखा पर आधा मोड़ो।



8. अब हवाई जहाज के पर बनाने के लिए पीले किनारे को लाल किनारे पर मोड़ो।



9. पलटकर और वैसे ही दूसरी तरफ मोड़कर दूसरा पर बनाओ।



तुम्हारा हवाई जहाज उड़ने को तैयार है। उड़ाकर देखो – यह कैसे उड़ता है।

★ जब तुम कागज के हवाई जहाज को खोलते हो तो तुम्हें कहाँ-कहाँ 45° और 90° के कोण दिखते हैं।

हवाई जहाज में 45° , 90° और अन्य कोणों के मोड़ हैं। 30° और 60° के कोणों को काटने वाला पृष्ठ अंत में दिया हुआ है। वर्णनों को प्रेरित करें कि वे अपने भास्तव्यस के अलग-अलग कोणों को नामें।

योग के साथ कोण

रहमत योग कर रहा है। नीचे आसन के उन चित्रों को दिखाया जा रहा है जो वह हर दिन करता है।



* उन कोणों के माप का अनुपान लगाओ जो आसन करते समय शरीर के अलग-अलग अंगों से बने हैं।

D का खेल

तुम अपने मित्रों के साथ 'D' का खेल खेल सकते हो। तुम एक कोण बनाओ। तुम्हारा दोस्त अंदाज़े से उस कोण का माप बताए। फिर तुम अपने 'D' का उपयोग करो और कोण का माप पता लगाओ। अंदाज़ से पता लगाए माप और 'D' से पता लगाए माप में जितना अंतर होगा, तुम्हारे दोस्त के अंक उतने ही होंगे। जिसके अंक सबसे कम होंगे वही ये खेल जीतेगा।

आओ खेलें!

कोण बनाओ	अंदाज़ा	माप	अंक



मह 'D' तुम्हें अपने न्यायिति बख्ते में मिलेगा। मेरे सिर के मुकुट के कोण को मापो।

इस अवसर का उपयोग 'प्रोट्रैक्टर' या D के विषय में बातें के लिए करें। बच्चों को मापने में सहायता करनी पड़ेगी लेकिन उन्हें पूरित करें कि वह कोणों का माप भी तीर पर पहुँचें।